

Chapitre 3. Modes de génération d'une suite.

Boulanger Yann

2 octobre 2025

Table des matières

1	Introduction	2
2	Définition et génération d'une suite	2
2.1	Notion de suite numérique	2
2.2	Modes de génération d'une suite	3
3	Sens de variation d'une suite	4

1 Introduction

La notion de suite est indissociable des procédures itératives utilisées dès l'Antiquité pour trouver des approximations de nombres irrationnels ou de grandeurs à mesurer : surfaces, volumes...

Les suites furent assez tôt utilisées de façon théoriques pour élaborer des solutions à des problèmes divers. Aujourd'hui, la théorie des suites fournit un cadre de modélisation pour les autres sciences : économiques, biologie, écologie, physique...

2 Définition et génération d'une suite

2.1 Notion de suite numérique

Il arrive que l'on demande, lors de tests psychotechniques par exemple, de compléter "logiquement" une suite de nombres.

Exemple

- suite des puissances de 2 (ou suite géométrique de raison 2) :
- suite des carrés :
- suite arithmétique de raison 4 :
- suite de Fibonacci :

En mathématiques, une suite u est une liste ordonnée de nombres réels : les éléments de cette liste sont appelés termes de la suite u , et sont tous repérés par leur rang dans la liste ; ainsi le premier terme est souvent noté u_0 , le second u_1 et ainsi de suite...

$$u = (\quad u_0 \quad ; \quad u_1 \quad ; \quad u_2 \quad ; \quad \dots \quad ; \quad u_{n-1} \quad ; \quad u_n \quad ; \quad u_{n+1} \quad ; \quad \dots \quad).$$

Définition 1

Une suite u est une fonction définie sur \mathbb{N} . À chaque entier naturel n on associe un nombre réel u_n de la suite $u = (u_n)_{n \in \mathbb{N}}$.

Exemple

Soit $u = (u_n)_{n \in \mathbb{N}}$, la suite qui à chaque entier naturel non nul associe son inverse :

$$u_1 = 1, u_2 = \frac{1}{2}, u_3 = \frac{1}{3}, \dots, u_n = \frac{1}{n}, \dots$$

(on remarque qu'ici la suite commence à l'indice 1).

2.2 Modes de génération d'une suite

Une suite peut être engendrée de deux manières :

Définition 2

Une suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est définie de manière lorsque chaque terme u_n est défini en fonction de son rang n , indépendamment des autres termes :

.....

Cette relation permet de calculer n'importe quel terme de la suite.

Exemple

Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite définie par $u_n = -5 + 7n$:

Définition 3

Une suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est définie lorsque l'on connaît son premier terme et une relation de la forme :

.....

Cette relation de récurrence permet de calculer un terme de la suite à partir du terme précédent.

Exemple

Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite définie par :

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = -2u_n + 1 \end{cases}$$

L'inconvénient dans cet exemple est que des termes "éloignés" du début de la suite sont difficiles d'accès : pour calculer u_{100} il faut, a priori, calculer tous les termes précédents, jusqu'à u_{99} !

3 Sens de variation d'une suite

Définition

-
-

Méthode pour étudier le sens de variation d'une suite :

Calculer et étudier le signe de $u_{n+1} - u_n$ pour tout n :

1. si pour tout n , $u_{n+1} - u_n \geq 0$ alors la suite (u_n) est **croissante**.
2. si pour tout n , $u_{n+1} - u_n \leq 0$ alors la suite (u_n) est **décroissante**.

Exemple : Soit (u_n) , la suite définie par $u_n = n^2$.

Pour tout n ,

La suite (u_n) est donc

Fin de Chapitre