

# Chapitre 3. Modes de génération d'une suite.

Boulanger Yann

2 octobre 2025

## Table des matières

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Définition et génération d'une suite</b>	<b>2</b>
2.1	Notion de suite numérique . . . . .	2
2.2	Modes de génération d'une suite . . . . .	3
<b>3</b>	<b>Sens de variation d'une suite</b>	<b>4</b>

# 1 Introduction

La notion de suite est indissociable des procédures itératives utilisées dès l'Antiquité pour trouver des approximations de nombres irrationnels ou de grandeurs à mesurer : surfaces, volumes...

Les suites furent assez tôt utilisées de façon théoriques pour élaborer des solutions à des problèmes divers. Aujourd'hui, la théorie des suites fournit un cadre de modélisation pour les autres sciences : économiques, biologie, écologie, physique...

## 2 Définition et génération d'une suite

### 2.1 Notion de suite numérique

Il arrive que l'on demande, lors de tests psychotechniques par exemple, de compléter "logiquement" une suite de nombres.

#### Exemple

- suite des puissances de 2 (ou suite géométrique de raison 2) :
- suite des carrés :
- suite arithmétique de raison 4 :
- suite de Fibonacci :

En mathématiques, une suite  $u$  est une liste ordonnée de nombres réels : les éléments de cette liste sont appelés termes de la suite  $u$ , et sont tous repérés par leur rang dans la liste ; ainsi le premier terme est souvent noté  $u_0$ , le second  $u_1$  et ainsi de suite...

$$u = ( \quad u_0 \quad ; \quad u_1 \quad ; \quad u_2 \quad ; \quad \dots \quad ; \quad u_{n-1} \quad ; \quad u_n \quad ; \quad u_{n+1} \quad ; \quad \dots \quad ).$$

#### Définition 1

Une suite  $u$  est une fonction définie sur  $\mathbb{N}$ . À chaque entier naturel  $n$  on associe un nombre réel  $u_n$  de la suite  $u = (u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .

#### Exemple

Soit  $u = (u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ , la suite qui à chaque entier naturel non nul associe son inverse :

$$u_1 = 1, u_2 = \frac{1}{2}, u_3 = \frac{1}{3}, \dots, u_n = \frac{1}{n}, \dots$$

(on remarque qu'ici la suite commence à l'indice 1).

## 2.2 Modes de génération d'une suite

Une suite peut être engendrée de deux manières :

### Définition 2

Une suite  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est définie de manière ..... lorsque chaque terme  $u_n$  est défini en fonction de son rang  $n$ , indépendamment des autres termes :

.....

Cette relation permet de calculer n'importe quel terme de la suite.

### Exemple

Soit  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  la suite définie par  $u_n = -5 + 7n$  :

### Définition 3

Une suite  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est définie ..... lorsque l'on connaît son premier terme et une relation de la forme :

.....

Cette relation de récurrence permet de calculer un terme de la suite à partir du terme précédent.

### Exemple

Soit  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  la suite définie par :

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = -2u_n + 1 \end{cases}$$

L'inconvénient dans cet exemple est que des termes "éloignés" du début de la suite sont difficiles d'accès : pour calculer  $u_{100}$  il faut, a priori, calculer tous les termes précédents, jusqu'à  $u_{99}$  !

### 3 Sens de variation d'une suite

**Définition**

- .....
- .....

**Méthode pour étudier le sens de variation d'une suite :**

Calculer et étudier le signe de  $u_{n+1} - u_n$  pour tout  $n$  :

1. si pour tout  $n$ ,  $u_{n+1} - u_n \geq 0$  alors la suite  $(u_n)$  est **croissante**.
2. si pour tout  $n$ ,  $u_{n+1} - u_n \leq 0$  alors la suite  $(u_n)$  est **décroissante**.

**Exemple : Soit  $(u_n)$ , la suite définie par  $u_n = n^2$ .**

Pour tout  $n$ ,

La suite  $(u_n)$  est donc .....

**Fin de Chapitre**